

Úpravy obrazu

Vybrané partie z IT

Mgr. Markéta Trnečková, Ph.D.



Palacký University, Olomouc



- Aritmetické operace
- Logické operace
- množinové operace



- **Obrazy:** f, g (velikost $M \times N$)
- **Aritmetické operace** (prvek po prvku):
 - sčítání
 - odčítání
 - násobení
 - dělení

- $h(x, y) = f(x, y) + g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$

■ Aplikace

- Morfing
- Minimalizace šumu (průměrováním)



Obraz 1.



Obraz 2.



Morfing.

- $h(x, y) = f(x, y) + g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$
- **Aplikace**
 - Morfing
 - Minimalizace šumu (průměrováním)



Jeden z obrazů obsahující šum.



Zprůměrovaný obraz.

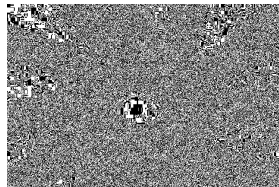
- $h(x, y) = f(x, y) - g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$
- **Aplikace**
 - Zvýraznění rozdílů



Původní obraz.



Upravený obraz.

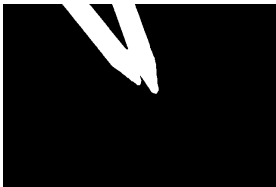


Rozdíl.

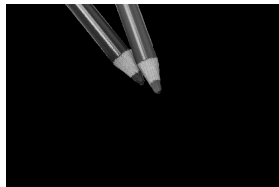
- $h(x, y) = f(x, y) \cdot g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$
- **Aplikace**
 - Maskování
 - Stínování



Původní obraz.



ROI.



Součin ROI a obrazu.

- $h(x, y) = f(x, y) \cdot g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$

■ Aplikace

- Maskování
- Stínování



Původní obraz.



Obraz stínu.



Součin stínu a obrazu.

- $h(x, y) = f(x, y)/g(x, y)$
- $\forall x \in \{0, \dots, M\}, \forall y \in \{0, \dots, N\}$
- **Aplikace**
 - Odstranění stínu



Obraz obsahující stín.



Obraz stínu.



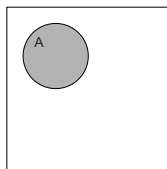
Obraz bez stínu.

■ Základní pojmy

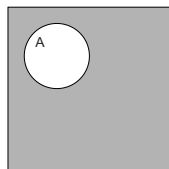
- univerzum Ω
- prvek množiny $a \in A$
- prázdná množina \emptyset
- Vennův diagram
- podmnožina $B \subseteq A$
- komplement A^C
- průnik množin $A \cap B$
- sjednocení množin $A \cup B$
- rozdíl $A - B$



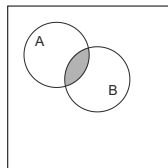
Ω



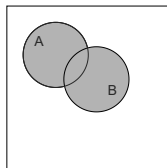
A



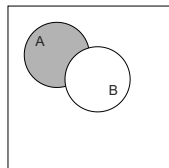
A^C



$A \cap B$



$A \cup B$



$A - B$

■ Množina:

- objekty v obraze
- pixely splňující nějakou vlastnost



Originální obraz.



Množina A .

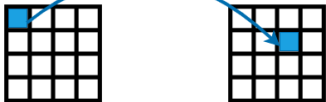


Množina B .

- pravda (true, nebo 1) a nepravda (false, 0)
- binární obrázky
- **negace** (NOT), **logický součin** (AND), **logický součet** (OR) a **exkluzivní součet** (XOR)

<i>a</i>	<i>b</i>	<i>not a</i>	<i>a and b</i>	<i>a or b</i>	<i>a xor b</i>
0	0	1	0	0	0
0	1	1	0	1	1
1	0	0	0	1	1
1	1	0	1	1	0

■ Geometrické transformace



■ Jasové transformace



■ Operace s okolím



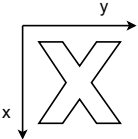
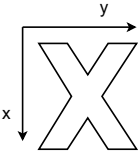
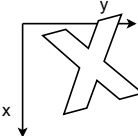
- transformace souřadnic: $(x, y) = T(v, w)$

- **afinní transformace**

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- výpočet nových souřadnic

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v \\ w \\ 1 \end{bmatrix}$$

Název	Afinní matice	Rovnice	Ukázka
Identita	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v$ $y = w$	
Zvětšení	$\begin{bmatrix} c_x & 0 & 0 \\ 0 & c_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = c_x v$ $y = c_y w$	
Otočení	$\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$x = v \cos \theta - w \sin \theta$ $y = v \sin \theta + w \cos \theta$	

Název

Afinní matice

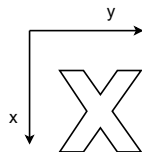
Rovnice

Ukázka

Posunutí

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

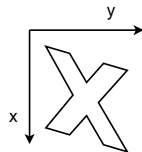
$$\begin{aligned} x &= v + t_x \\ y &= w + t_y \end{aligned}$$



Zkosení (vertikální)

$$\begin{bmatrix} 1 & s_v & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

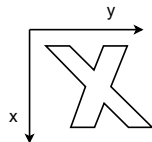
$$\begin{aligned} x &= v + s_v w \\ y &= w \end{aligned}$$



Zkosení (horizontální)

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ s_h & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} x &= v \\ y &= s_h v + w \end{aligned}$$





- **Dopředné mapování**
- **Zpětné mapování**
 - $(v, w) = T^{-1}(x, y)$

- obrázek 1×6 pixelů chceme ho zvětšit $1.5 \times$ v ose x



- zvětšení $1.5 \times$ v ose x (výsledný obrázek 1×9)



- zvětšení pixelů na původní velikost – výběr barvy

- nejbližší soused



- bilineární interpolace



- bikubická interpolace



■ Jednoúčelové



■ Obecné



Původní obraz.



Síť.



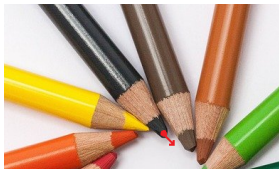
Modifikovaná síť.



Výsledný obraz.



Původní obraz.



Magnet.



Výsledný obraz.



Původní obraz.

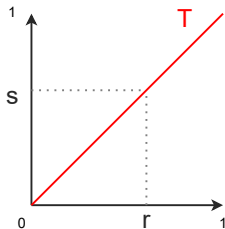


Modifikovaná síť.

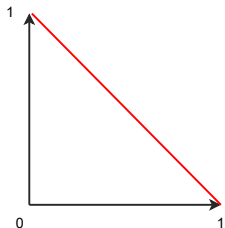


Výsledný obraz.

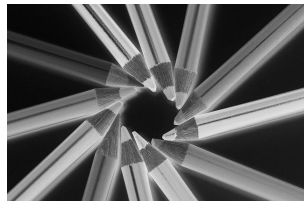
- $f(x, y)$ – jasová hodnota vstupního obrazu
- $g(x, y)$ – jasová hodnota výstupního obrazu
- **Transformační funkce T :**
 - $s = g(x, y)$ závisí na $r = f(x, y)$
 - $s = T(r)$
 - **lookup tabulka**



$$T(r) = 1 - r$$



Původní obraz.

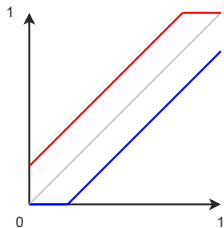


Negativ.

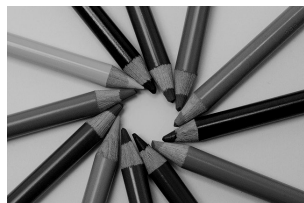
Jas = celková světlost obrazu

$$T(r) = r + c$$

c konstanta



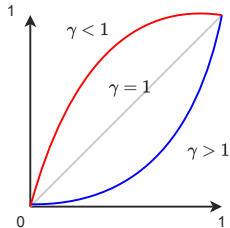
Zvýšení jasu.



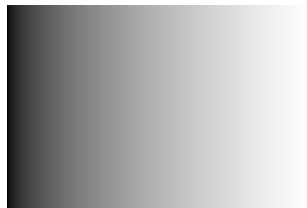
Snížení jasu.

$$T(r) = c \cdot r^\gamma$$

c a γ kladné konstanty



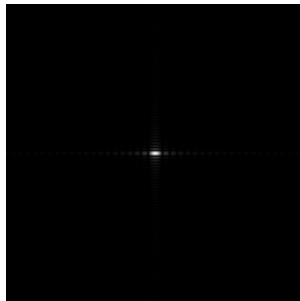
$\gamma > 1$



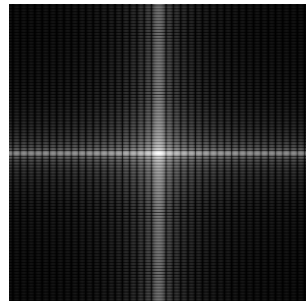
$\gamma < 1$

$$T(r) = c \cdot \log(1 + r)$$

c konstanta a $r \geq 0$



Před aplikací.



Po aplikaci.

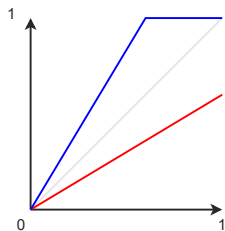
Kontrast = rozdíl mezi nejsvětlejší a nejtmaší částí obrazu

$$T(r) = c \cdot r$$

c kladná konstanta

$$T(r) = c \cdot (r + c_1) + c_2$$

c_1 a c_2 konstanty



Roztažení kontrastu = zvětšení rozsahu intenzit vstupního obrazu na celý možný rozsah intenzit



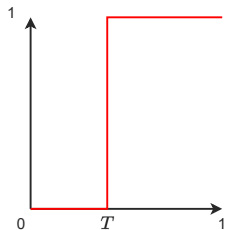
Example

Jak by vypadala funkce roztažení kontrastu pro obrázek, kde nejnižší jasová hodnota je rovna 100 a nejvyšší 156?

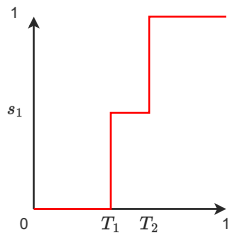
$$T(r) = \begin{cases} s_0 & \text{pro } r < \textit{prah} \\ s_1 & \text{pro } r \geq \textit{prah} \end{cases}$$

■ Volba prahu:

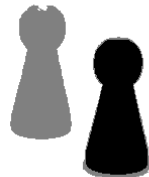
- experimentálně
- matematicky



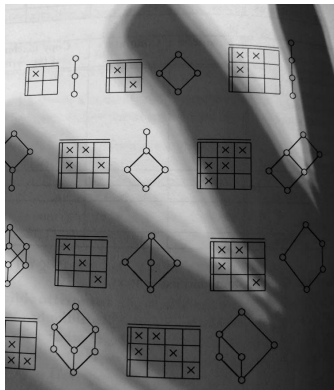
$$T(r) = \begin{cases} s_0 & \text{pro } r < T_1 \\ s_1 & \text{pro } T_1 \leq r < T_2 \\ \dots & \\ s_n & \text{pro } T_n \leq r \end{cases}$$



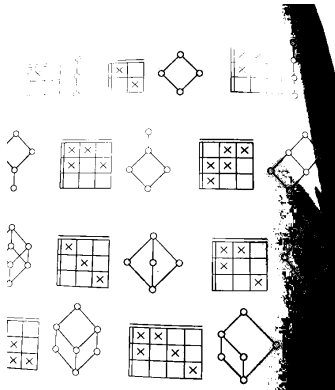
Původní obrázek.



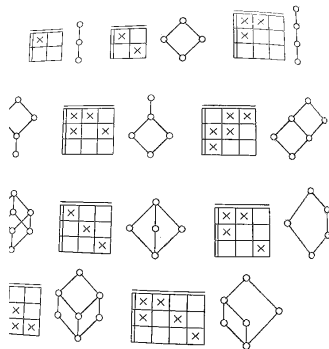
Naprahovaný obrázek.



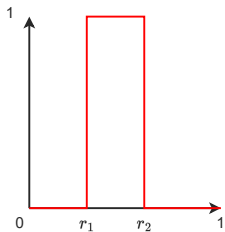
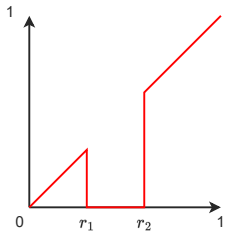
Původní obrázek.



Globální prahování.



Adaptivní prahování.



Původní obraz

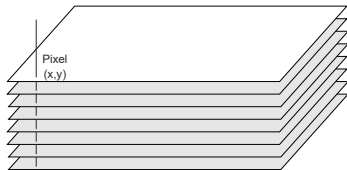


Výsledný obraz.

Bitové roviny

Bitová rovina 1 – nejméně významné bity

Bitová rovina 8 – nejvíce významné bity

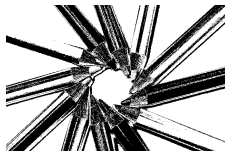




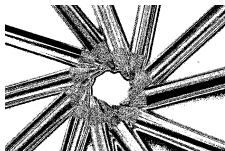
Původní obraz



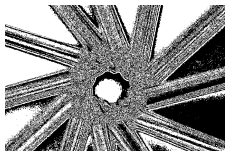
Bitová rovina 8.



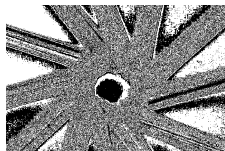
Bitová rovina 7.



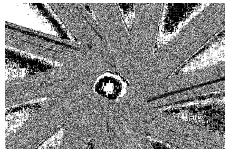
Bitová rovina 6.



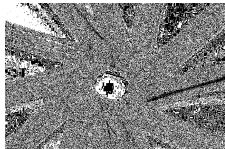
Bitová rovina 5.



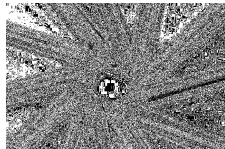
Bitová rovina 4.



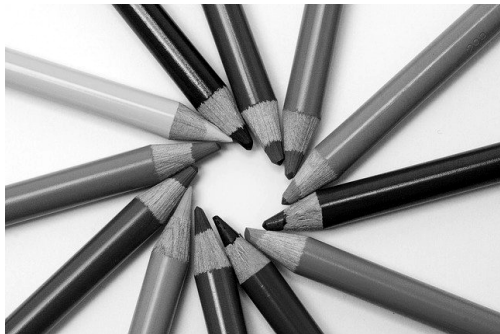
Bitová rovina 3.



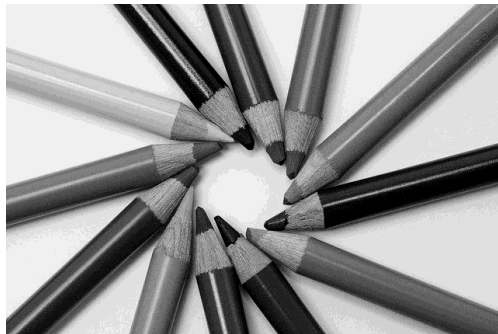
Bitová rovina 2.



Bitová rovina 1.



Původní obraz

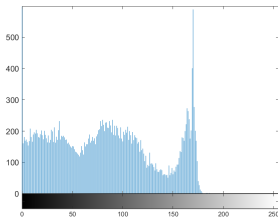


4 nejvíce významné bity

$$s_k = T(r_k) = (L - 1) \sum_{j=0}^k p_r(r_j)$$



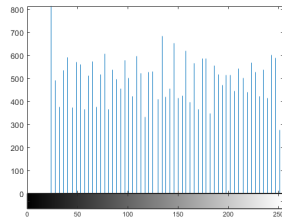
Vstupní obraz.



Histogram.



Výstupní obraz.

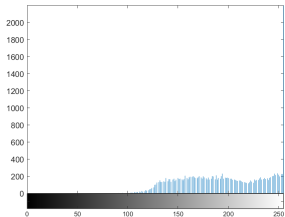


Histogram.

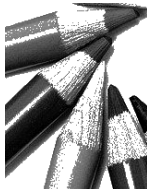
Ekvalizace histogramu



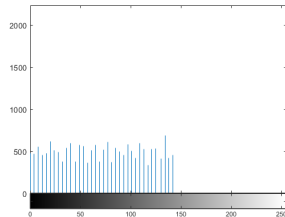
Vstupní obraz.



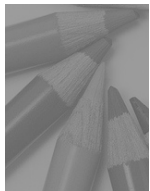
Histogram.



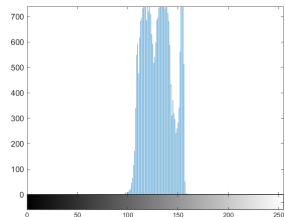
Výstupní obraz.



Histogram.



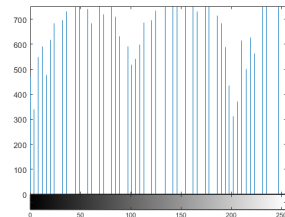
Vstupní obraz.



Histogram.



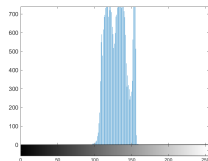
Výstupní obraz.



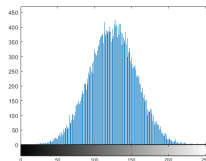
Histogram.



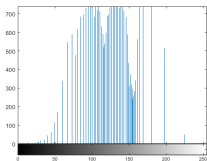
Vstupní obraz.



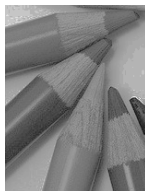
Histogram.



Specifikovaný histogram.



Histogram výsledného obrazu.



Výsledný obraz.



Úprava každé složky zvlášť

- $s_j = T_j(r_j)$,
- $j = 1, 2, \dots, n$ (n počet složek)

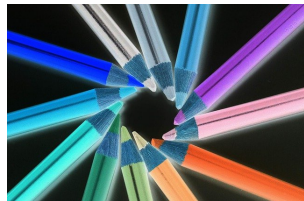


- V **RGB** všechny složky
- $s_j = r_j + k$
- V **HSI** pouze jasová složka I
- $s_i = r_i + k, s_j = r_j$, pro $j \in \{h, s\}$

- V **RGB** všechny složky
- $s_r = 1 - r_r$, $s_g = 1 - r_g$, $s_b = 1 - r_b$
- V **HSI** není přímočaré



Původní obrázek.



Komplement.

- V **RGB** všechny složky
- gamma korekce se stejným gamma



Původní obrázek.



Tónování s $\gamma = 1.5$.



Původní obrázek.



Tónování s $\gamma = 0.5$.

- V **RGB** jedna složka
- gamma korekce



Původní obrázek.



R, $\gamma = 1.5$.



R, $\gamma = 0.5$.



Původní obrázek.



G, $\gamma = 1.5$.



G, $\gamma = 0.5$.



Původní obrázek.



B, $\gamma = 1.5$.



B, $\gamma = 0.5$.

- V **RGB** všechny složky
- V obraze se objevují i barvy, které v původním nebyly
- V **HSI** složka I



Původní obrázek.



V RGB.



Původní obrázek.



V HSI.

$$g_r = a_{11}f_r + a_{12}f_g + a_{13}f_b$$

$$g_g = a_{21}f_r + a_{22}f_g + a_{23}f_b$$

$$g_b = a_{31}f_r + a_{32}f_g + a_{33}f_b$$

Maticově

$$T = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$$

S průhledností a offsetem

$$T = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} & a_{15} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} & a_{25} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} & a_{35} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} & a_{45} \\ a_{51} & a_{52} & a_{53} & a_{54} & a_{55} \end{bmatrix}$$

Změna jasu

$$T_1 = \begin{bmatrix} c & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & c & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & c & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ k & k & k & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Zvýraznění barev

$$T_2 = \begin{bmatrix} s_r + s & s_r & s_r & 0 & 0 \\ s_g & s_g + s & s_g & 0 & 0 \\ s_b & s_b & s_b + s & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matice můžeme skládat (násobení matic)

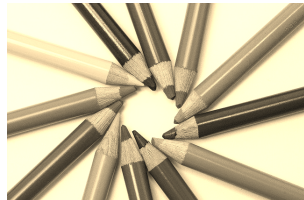
Šedotónový obraz

$$\begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 & 0 & 0 \\ 0.299 & 0.587 & 0.114 & 0 & 0 \\ 0.299 & 0.587 & 0.114 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0.393 & 0.349 & 0.272 & 0 & 0 \\ 0.769 & 0.686 & 0.534 & 0 & 0 \\ 0.189 & 0.168 & 0.131 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Původní obrázek.



Sépie.

Výměna barevných složek (RGB do BGR)



$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

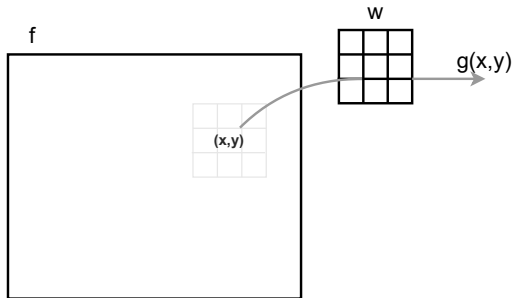


Původní obrázek.



BGR.

- **Operace s okolím**,
neighbourhood operations
- **Vstupní obraz** f
- **Výstupní obraz** g
- **Filtr** (maska) w
 - Lineární filtry
 - Nelineární filtry



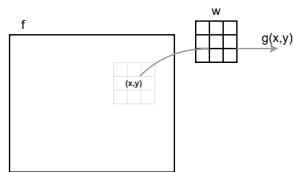
- w velikosti 3×3

- $g(x, y) = w(-1, -1)f(x - 1, y - 1) + w(-1, 0)f(x - 1, y) + \dots + w(1, 1)f(x + 1, y + 1)$

- **Obecně** filtr velikosti $m \times n$ ($m = 2a + 1$ a $n = 2b + 1$)

- $g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t)f(x + s, y + t)$

- **zero padding**: zvětšení o a na obou koncích ve směru x a o b ve směru y



- prvky matice rovny $1/(m \cdot n)$
- maska 3×3
$$\begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$
- **Vážené průměrování** – prvky blíže mají vyšší váhu
- maska 3×3
$$\begin{bmatrix} 1/16 & 2/16 & 1/16 \\ 2/16 & 4/16 & 2/16 \\ 1/16 & 2/16 & 1/16 \end{bmatrix}$$



Maska velikosti 3×3 .



Maska velikosti 10×10 .



- založené na derivaci – 1. a 2. derivace

- **Vertikální:** $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f(x+1, y) + f(x-1, y) - 2f(x, y)$
- **Horizontální:** $\frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = f(x, y+1) + f(x, y-1) - 2f(x, y)$
- **Dohromady:** $\nabla^2 = f(x+1, y) + f(x-1, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1) - 4f(x, y)$

- **Filtr:**

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

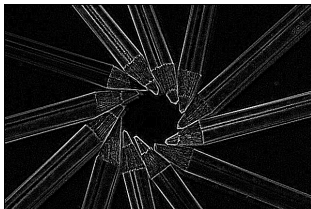
- **Diagonální:** $f(x+1, y-1) + f(x-1, y+1) - 2f(x, y)$ a $f(x-1, y-1) + f(x+1, y+1) - 2f(x, y)$

- **Filtr:**

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$



Původní obraz.



Hrany v obraze.



Zvýrazněné hrany.

- diagonální hrany

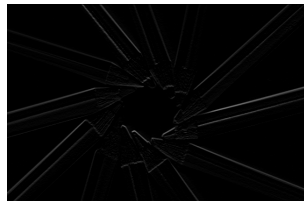
- $\nabla f(x, y) = (f(x, y) - f(x - 1, y)) + (f(x, y + 1) - f(x + 1, y))$

- **Filtr:**

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$



Původní obraz.



Hrany v obraze.

- **Vodorovné hrany:**

- $\frac{\partial f}{\partial x} = (f(x+1, y-1) + 2f(x+1, y) + f(x+1, y+1)) - (f(x-1, y-1) + 2f(x-1, y) + f(x-1, y+1))$

- **Filtr:**

$$\begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

- **Svislé hrany:**

- $\frac{\partial f}{\partial y} = (f(x-1, y+1) + 2f(x, y+1) + f(x+1, y+1)) - (f(x-1, y-1) + 2f(x, y-1) + f(x+1, y-1))$

- **Filtr:**

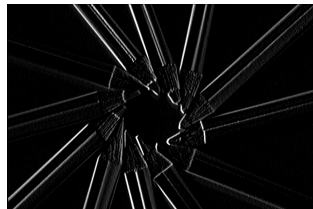
$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Původní obraz.



Vodorovné hrany v obraze.



Svislé hrany v obraze.

- **Vodorovné hrany:**

- $\frac{\partial f}{\partial x} = (f(x+1, y-1) + 2f(x+1, y) + f(x+1, y+1)) - (f(x-1, y-1) + 2f(x-1, y) + f(x-1, y+1))$

- **Filtr:**

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

- **Svislé hrany:**

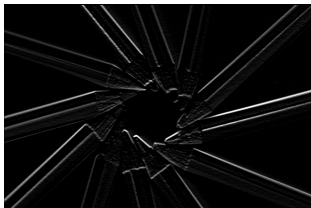
- $\frac{\partial f}{\partial y} = (f(x-1, y+1) + 2f(x, y+1) + f(x+1, y+1)) - (f(x-1, y-1) + 2f(x, y-1) + f(x+1, y-1))$

- **Filtr:**

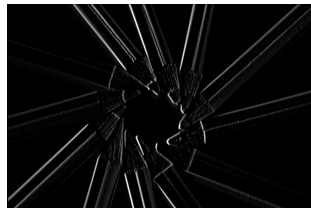
$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Původní obraz.



Vodorovné hrany v obraze.

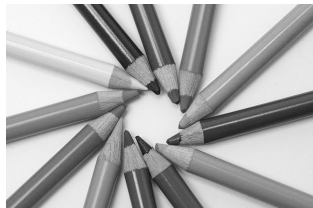


Svislé hrany v obraze.

- nelze je zadat maskou
- volí se velikost okolí, na pixely v okolí je aplikována nelineární operace
- $g(x, y)$ a okolí 3×3 , vezmeme hodnoty v okolí $f(x, y) - f(x - 1, y - 1), f(x - 1, y), \dots, f(x + 1, y + 1)$

Percentilové filtry (statistické)

- 0. percentil – nejmenší hodnota v okolí (*min filtr*)
- 50. percentil – střední hodnota v okolí (*median filtr*)
- 100. percentil – největší hodnota v okolí (*max filtr*)



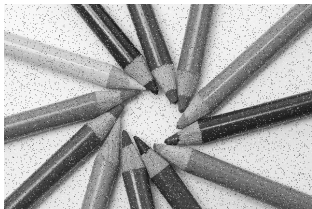
Původní obraz.



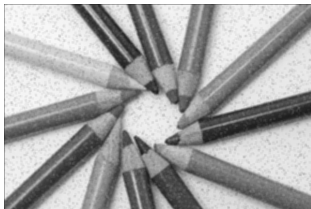
Min filtr.



Max filtr.



Původní obraz.



Filtrování průměrováním.



Mediánová filtrace.



- nepracujeme s intenzitami, každý pixel = vektor hodnot

RGB

$$g(x, y) = \begin{bmatrix} \frac{1}{(2a+1) \cdot (2b+1)} \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b f_r(x+s, y+t) \\ \frac{1}{(2a+1) \cdot (2b+1)} \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b f_g(x+s, y+t) \\ \frac{1}{(2a+1) \cdot (2b+1)} \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b f_b(x+s, y+t) \end{bmatrix}$$

HSI

pouze jasová složka I



Původní obraz.



Filtrace v RGB.



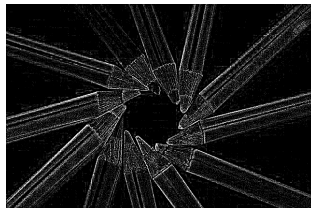
Filtrace v HSI.



Filtrace v RGB.



Filtrace v HSI.



Rozdíl.

RGB

$$g(x, y) = \begin{bmatrix} \nabla^2 = f_r(x+1, y) + f_r(x-1, y) + f_r(x, y+1) + f_r(x, y-1) - 4f_r(x, y) \\ \nabla^2 = f_g(x+1, y) + f_g(x-1, y) + f_g(x, y+1) + f_g(x, y-1) - 4f_g(x, y) \\ \nabla^2 = f_b(x+1, y) + f_b(x-1, y) + f_b(x, y+1) + f_b(x, y-1) - 4f_b(x, y) \end{bmatrix}$$

HSI

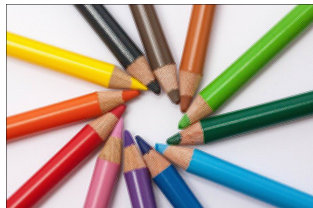
pouze jasová složka I



Původní obraz.



Filtrace v RGB.



Filtrace v HSI.